

# 目 次

|                             |           |
|-----------------------------|-----------|
| 日本語版によせて . . . . .          | ix        |
| はしがき . . . . .              | xi        |
| <b>0 はじめに</b>               | <b>1</b>  |
| 0.1 設計問題 . . . . .          | 1         |
| 0.2 折り可能性問題 . . . . .       | 4         |
| <b>第I部 リンケージ</b>            | <b>7</b>  |
| <b>1 問題の分類と例</b>            | <b>9</b>  |
| 1.1 問題の分類 . . . . .         | 10        |
| 1.2 応用例 . . . . .           | 12        |
| <b>2 上界と下界</b>              | <b>17</b> |
| 2.1 一般的なアルゴリズムと上界 . . . . . | 17        |
| 2.2 下界 . . . . .            | 22        |
| <b>3 平面のリンケージのメカニズム</b>     | <b>31</b> |
| 3.1 直線のリンケージ . . . . .      | 31        |
| 3.2 ケンペの万能定理 . . . . .      | 33        |
| 3.3 ハートの反転器 . . . . .       | 43        |
| <b>4 剛性の基礎</b>              | <b>47</b> |
| 4.1 おおまかな歴史 . . . . .       | 47        |
| 4.2 剛性 . . . . .            | 47        |
| 4.3 一般剛性 . . . . .          | 48        |
| 4.4 微小剛性 . . . . .          | 54        |
| 4.5 テンセグリティ . . . . .       | 58        |
| 4.6 多面体的持上げ . . . . .       | 62        |

|                                    |            |
|------------------------------------|------------|
| <b>5 チェーンの再配置</b>                  | <b>65</b>  |
| 5.1 交差を許した再配置 . . . . .            | 65         |
| 5.2 閉じ込められた領域内での再配置 . . . . .      | 73         |
| 5.3 自己交差を許さない再配置 . . . . .         | 77         |
| <b>6 チェーンの絡み</b>                   | <b>95</b>  |
| 6.1 はじめに . . . . .                 | 95         |
| 6.2 歴史 . . . . .                   | 96         |
| 6.3 3次元のチェーンの絡み . . . . .          | 97         |
| 6.4 絡まない4次元のチェーン . . . . .         | 101        |
| 6.5 2次元の木の絡み . . . . .             | 104        |
| 6.6 2次元で絡まないチェーン . . . . .         | 106        |
| 6.7 2次元チェーンをほどく3つのアルゴリズム . . . . . | 115        |
| 6.8 2次元で微小に絡んだリンクエージ . . . . .     | 124        |
| 6.9 単純射影をもつ3次元多角形 . . . . .        | 130        |
| <b>7 チェーン相互の絡み</b>                 | <b>135</b> |
| 7.1 2リンクのチェーン . . . . .            | 136        |
| 7.2 3リンクのチェーン . . . . .            | 138        |
| 7.3 4リンクのチェーン . . . . .            | 139        |
| <b>8 関節に制約のある動き</b>                | <b>143</b> |
| 8.1 角度が固定されたリンクエージ . . . . .       | 143        |
| 8.2 凸なチェーン . . . . .               | 155        |
| <b>9 タンパク質の折り</b>                  | <b>161</b> |
| 9.1 生成可能な多角のタンパクチェーン . . . . .     | 161        |
| 9.2 確率的ロードマップ . . . . .            | 168        |
| 9.3 HPモデル . . . . .                | 172        |
| <b>第II部 折り紙</b>                    | <b>181</b> |
| <b>10 はじめに</b>                     | <b>183</b> |
| 10.1 折り紙の歴史 . . . . .              | 183        |
| 10.2 折り紙数学の歴史 . . . . .            | 184        |

|                               |            |
|-------------------------------|------------|
| 10.3 用語 . . . . .             | 185        |
| 10.4 概観 . . . . .             | 186        |
| <b>11 折り紙の基礎</b>              | <b>189</b> |
| 11.1 定義：はじめの一歩 . . . . .      | 189        |
| 11.2 定義：1次元の紙の折り状態 . . . . .  | 193        |
| 11.3 定義：1次元の紙の折り動作 . . . . .  | 201        |
| 11.4 定義：2次元の紙の折り状態 . . . . .  | 202        |
| 11.5 定義：2次元の紙の折り動作 . . . . .  | 206        |
| 11.6 折り動作の存在性 . . . . .       | 208        |
| <b>12 単純な展開図</b>              | <b>213</b> |
| 12.1 1次元の平坦折り . . . . .       | 213        |
| 12.2 単頂点の展開図 . . . . .        | 218        |
| 12.3 単頂点の連続な折り . . . . .      | 233        |
| <b>13 一般の展開図</b>              | <b>235</b> |
| 13.1 局所的な折り可能性の容易性 . . . . .  | 235        |
| 13.2 大域的な折り可能性の困難性 . . . . .  | 238        |
| <b>14 地図折り問題</b>              | <b>245</b> |
| 14.1 単純折り . . . . .           | 246        |
| 14.2 長方形の地図と1次元への帰着 . . . . . | 247        |
| 14.3 直交多角形の折りの困難性 . . . . .   | 249        |
| 14.4 未解決問題 . . . . .          | 251        |
| <b>15 輪郭とギフトラッピング</b>         | <b>253</b> |
| 15.1 帯折り . . . . .            | 254        |
| 15.2 ハミルトン性をもつ3角形分割 . . . . . | 254        |
| 15.3 繙ぎ目の配置 . . . . .         | 257        |
| 15.4 効率の良い折り方 . . . . .       | 258        |
| <b>16 木構造法</b>                | <b>263</b> |
| 16.1 折り紙基本形 . . . . .         | 264        |
| 16.2 単軸基本形 . . . . .          | 265        |
| 16.3 なんでもできる . . . . .        | 266        |

|                                     |            |
|-------------------------------------|------------|
| 16.4 実効パス . . . . .                 | 267        |
| 16.5 縮尺の最適化 . . . . .               | 269        |
| 16.6 凸分解 . . . . .                  | 270        |
| 16.7 折りの全体像 . . . . .               | 272        |
| 16.8 万能分子 . . . . .                 | 273        |
| <b>17 一刀切り問題</b>                    | <b>277</b> |
| 17.1 直線骨格法 . . . . .                | 279        |
| 17.2 ディスクパッキング法 . . . . .           | 287        |
| <b>18 多面体の折りたたみ</b>                 | <b>303</b> |
| 18.1 第 III 部とのつながり：折りのモデル . . . . . | 303        |
| 18.2 一刀切り問題とのつながり . . . . .         | 304        |
| 18.3 ディスクパッキングによる解 . . . . .        | 305        |
| 18.4 直線骨格による部分的な解法 . . . . .        | 306        |
| <b>19 幾何的な構成可能性</b>                 | <b>309</b> |
| 19.1 角の 3 等分 . . . . .              | 309        |
| 19.2 藤田の公理と羽鳥の操作 . . . . .          | 309        |
| 19.3 構成可能な数 . . . . .               | 313        |
| 19.4 正多角形の折り . . . . .              | 314        |
| 19.5 すべての多項式を解くための公理の一般化？ . . . . . | 314        |
| <b>20 剛性をもつ折り紙と曲線折り</b>             | <b>317</b> |
| 20.1 紙袋の折りたたみ . . . . .             | 317        |
| 20.2 曲面の近似 . . . . .                | 318        |
| 20.3 デビット・ハフマンの曲線折り紙 . . . . .      | 320        |
| <b>第 III 部 多面体</b>                  | <b>323</b> |
| <b>21 はじめに</b>                      | <b>325</b> |
| 21.1 概観 . . . . .                   | 325        |
| 21.2 曲率 . . . . .                   | 327        |
| 21.3 ガウス-ポンネの定理 . . . . .           | 330        |
| <b>22 多面体の辺展開</b>                   | <b>333</b> |

|                                    |            |
|------------------------------------|------------|
| 22.1 はじめに . . . . .                | 333        |
| 22.2 辺展開の肯定的な証拠 . . . . .          | 339        |
| 22.3 辺展開の否定的な証拠 . . . . .          | 341        |
| 22.4 展開できない多面体 . . . . .           | 345        |
| 22.5 辺展開可能な特別な多面体 . . . . .        | 349        |
| 22.6 頂点展開 . . . . .                | 361        |
| <b>23 多面体の再構成</b>                  | <b>367</b> |
| 23.1 コーシーの剛性定理 . . . . .           | 369        |
| 23.2 柔軟な多面体 . . . . .              | 374        |
| 23.3 アレクサンドロフの定理 . . . . .         | 377        |
| 23.4 サビトフのアルゴリズム . . . . .         | 383        |
| <b>24 最短経路と測地線</b>                 | <b>387</b> |
| 24.1 はじめに . . . . .                | 387        |
| 24.2 最短経路アルゴリズム . . . . .          | 392        |
| 24.3 星展開 . . . . .                 | 394        |
| 24.4 測地線：リュステルニク-シュニレルマン . . . . . | 402        |
| 24.5 曲線展開 . . . . .                | 406        |
| <b>25 多角形から折る多面体</b>               | <b>411</b> |
| 25.1 多角形を折る：準備 . . . . .           | 411        |
| 25.2 辺どうしの接着 . . . . .             | 416        |
| 25.3 接着木 . . . . .                 | 421        |
| 25.4 指数関数個の接着木 . . . . .           | 427        |
| 25.5 一般接着アルゴリズム . . . . .          | 430        |
| 25.6 ラテンクロスを折る . . . . .           | 434        |
| 25.7 正方形から折る凸多面体 . . . . .         | 443        |
| 25.8 成果と予想 . . . . .               | 450        |
| 25.9 折りの列挙 . . . . .               | 457        |
| 25.10 カットの列挙 . . . . .             | 461        |
| 25.11 直交多面体 . . . . .              | 464        |
| <b>26 高次元</b>                      | <b>471</b> |
| 26.1 第 I 部 . . . . .               | 471        |
| 26.2 第 II 部 . . . . .              | 471        |
| 26.3 第 III 部 . . . . .             | 473        |

|        |     |
|--------|-----|
| 訳者あとがき | 495 |
| 未解決問題  | 498 |
| 人名検索   | 499 |
| 索引     | 500 |
| 用語英和一覧 | 510 |
| 用語和英一覧 | 515 |